

## Block Utility

di Federico Finati - S. Maria C.V.

I tre programmi che seguono, girano su Commodore 64. I primi due trattano un argomento di interesse generale quale è l'analisi combinatoria. L'implementazione, sebbene in linguaggio Basic, è abbastanza chiara e non dovrebbe costituire un esercizio troppo difficile una traduzione in Basic di altre macchine o in altri linguaggi di programmazione più evoluti.

Il terzo programma, del quale non pubblichiamo il listato a causa della sua eccessiva lunghezza, ma del quale è disponibile il dischetto con le solite modalità, sfruttando gli algoritmi dei primi due, affronta il problema dell'ottimizzazione per il completo sfruttamento delle memorie di massa ed è maggiormente legato alla macchina sulla quale gira

### Un po' di analisi combinatoria

Quanti ambi si possono fare con i novanta numeri del lotto?

Quante bandiere tricolore si possono formare con il verde, il rosso, il bianco e il giallo?

A questi ed a molti altri quesiti di tal genere risponde l'analisi combinatoria, una branca della matematica che permette di calcolare, dati n elementi distinti, il numero di combinazioni che si possono formare con questi prendendoli a k alla volta.

Chiariamo il tutto con degli esempi:

**Esempio 1:** consideriamo le prime quattro lettere dell'alfabeto (A, B, C, D).

Le combinazioni che si possono formare con queste quattro lettere, prendendole a 3 a 3 sono: ABC ABD ACD BCD.

Quindi il numero di combinazioni (che indicheremo brevemente con  $C_{n,k}$ ) è  $C_{4,3} = 4$ .

**Esempio 2:** le combinazioni dei primi quattro numeri naturali (1, 2, 3, 4) presi a 2 a 2 sono: 12 13 14 23 24 34 cioè  $C = 6$ .

Conoscendo il numero di oggetti (n) e la classe di combinazione (k) è possibile calcolare a priori il numero di combinazioni possibili grazie alla formula:

$$C_{n,k} = \frac{n(n-1)(n-2)\dots(n-k+1)}{k!} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

dove il simbolo «!» (si legge fattoriale) sta ad indicare che il numero intero che lo precede deve essere moltiplicato per tutti gli interi che lo precedono nella successione dei numeri naturali fino all'unità. Si pone inoltre  $0! = 1! = 1$ .

#### Esempio 3:

$$7! = 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1$$

Possiamo quindi ricalcolare, in base alle formule scritte, le combinazioni relative agli esempi 1 e 2; risulta

$$C_{4,3} = \frac{4!}{3!(4-3)!} = \frac{4 \cdot 3 \cdot 2}{3 \cdot 2} = 4$$

$$C_{4,2} = \frac{4!}{2!(4-2)!} = \frac{4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 2}{2 \cdot 2} = 6$$

Il breve programma in Basic (vedi listato 1) assolve questo gravoso compito.

#### Variabili listato 1

n = Numero degli elementi  
k = Classe di combinazione  
c = Numero di combinazione  
i = Contatore

#### Commenti alle linee del listato 1

20-30 Fase di input dati

50-60 Casi particolari  $k=1$ ,  $k=n-1$ ,  $k=n$

70-80 Calcolo di C

Entriamo adesso nel vivo della questione. Indichiamo con  $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$  un insieme di n elementi distinti. Il problema che ci si pone è questo: fissati gli n elementi e  $k \leq n$  (k minore o uguale a n) classe di combinazione, determinare tutte le combinazioni che si possono formare con essi. Purtroppo l'analisi combina-

toria ci fornisce solo un metodo per calcolare il numero totale delle combinazioni e non ci dà alcuna indicazione per determinare le singole combinazioni. Si tratta di stabilire una legge di variazione per il pedice del generico elemento all'interno di ogni combinazione. Ogni metodo risulta valido purché ogni combinazione determinata sia diversa dalle altre e il numero totale delle combinazioni sia  $C_{n,k}$ .

Il metodo più semplice, a mio avviso, è il seguente: per la prima combinazione i pedici sono i primi k numeri interi. Le successive si ottengono incrementando il k-esimo pedice di un'unità finché il suo valore non raggiunga n. Detta i la posizione, guardando da destra verso sinistra, di un generico elemento nella combinazione

(a, a, a, ..., a)

$P_{k-1} P_i P_1 P_0$

di k elementi, si ricerca il primo pedice che risulti diverso da n-i. Quindi si incrementa di un'unità il valore di tale pedice e si pongono i pedici che seguono nella combinazione in successione crescente a partire dal nuovo valore di questo.

**Esempio 4:** per  $n = 6$ ,  $k = 4$  alla combinazione  $a_1 a_2 a_3 a_6$  segue  $a_1 a_2 a_4 a_6$ . Si ottiene così la nuova combinazione. Si incrementa di nuovo il k-esimo indice fino a che non raggiunga il valore n e si itera così il procedimento.

Per maggiore chiarezza calcoliamo lo sviluppo completo relativo alle combinazioni di 6 elementi presi a 4 alla volta.

**Esempio 5:**  $n = 6$ ,  $k = 4$

$a_1 a_2 a_3 a_4$	$a_1 a_2 a_3 a_5$	$a_1 a_2 a_3 a_6$
$a_1 a_2 a_4 a_5$	$a_1 a_2 a_4 a_6$	$a_1 a_2 a_5 a_6$
$a_1 a_3 a_4 a_5$	$a_1 a_3 a_4 a_6$	$a_1 a_3 a_5 a_6$
$a_1 a_4 a_5 a_6$	$a_2 a_3 a_4 a_5$	$a_2 a_3 a_4 a_6$
$a_2 a_3 a_5 a_6$	$a_2 a_4 a_5 a_6$	$a_3 a_4 a_5 a_6$

L'ultima combinazione presenta sempre come pedice del primo elemento  $n-k+1$  e questo pedice assume tale valore per la prima ed unica volta.

A questo punto abbiamo tutti gli elementi per affidare il ripetitivo calcolo ad un computer (vedi listato 2).

#### Variabili listato 2

n = Numero degli elementi  
k = Classe di combinazione

È disponibile, presso la redazione, il disco con i programmi pubblicati in questa rubrica. Le istruzioni per l'acquisto e l'elenco degli altri programmi disponibili sono a pag. 247.

c = Numero di combinazioni  
 i = Contatore  
 j = Contatore  
 p = Puntatore al primo pedice a partire da  
 A (k) di valore diverso da n-j  
 v = Valore corrente del pedice puntato da p

### Commenti alle linee del listato 2

20-30 Fase di input dati  
 40 Dimensionamento  
 50 Caso particolare k=1  
 60 Prima combinazione  
 70 Caso particolare k=n  
 80-120 Ripete l'incremento del k-esimo pedice e stampa le relative combinazioni determinate fino a che il pedice assuma valore n  
 130-170 Ricerca del pedice diverso da n-j e calcolo della combinazione successiva  
 180 Se a(1) <n-k+1 ripete il ciclo 80-180  
 190 Stampa l'ultima combinazione  
 200 Fine  
 210-220 Subroutine di stampa

Il programma risente un poco della natura non strutturata del linguaggio Basic, (sarebbe stato tutto più semplice e comprensibile avendo a disposizione costrutti del tipo «while» oppure «repeat») comunque una lettura attenta basata per capire l'algoritmo usato.

### Block Utility

Questo programma nasce dall'esigenza di sfruttare a pieno le caratteristiche di memorizzazione dei floppy disk, divorati quotidianamente dai drive degli utenti di personal e home computer.

Esso permette, una volta forniti (come dati in input) un certo numero di programmi ed il numero di blocchi che ciascuno di essi occupa su dischetto, di trovare tutte le combinazioni di programmi che occupino in totale un numero di blocchi prefissato.

Ad esempio si può scegliere come numero totale dei blocchi 664; in tal caso il programma determinerà tutte le combinazioni che riempiano completamente un dischetto. Ciò per la gioia di

#### Listato 1

```
10 PRINT
20 INPUT " N*ELEMENTI ";N:IFN<10RN<>INT(N)GOTO20
30 INPUT " COMBINAZIONI DI CLASSE ";K:IFK<10RK>N0RK<>INT(K)GOTO30
40 PRINT
50 IFK=10RK=N-1THENPRINT " C =";N:END
60 IFK=NTHENPRINT " C = 1":END
70 C=N*(N-1)/K
80 IFK>2THENFORI=2TOK-1:C=C*(N-I)/I:NEXT
90 PRINT " C =";C

READY.
```

tutti coloro che o perché studenti o perché squattrinati desiderano sfruttare al massimo le potenzialità dei dischetti visti i costi di mercato.

Il programma utilizza per il calcolo delle combinazioni gli algoritmi del listato 2 seppure con alcune variazioni dettate da criteri di ottimizzazione nella ricerca delle combinazioni.

Ciò nonostante è consigliabile non inserire un numero di dati superiori a 15 (20 per la versione compilata) per non dover attendere onerosi tempi di elaborazione.

### Modalità di utilizzo

Effettuate le normali procedure di caricamento ed esecuzione il programma presenta il menu principale con le seguenti opzioni:

#### Opzione 1: Sezione input file

L'opzione dà accesso ad un nuovo menu con le seguenti voci:

##### 1) Input file da directory

È possibile selezionare e memorizzare, leggendo direttamente dalla directory, il numero di blocchi e il nome dei

#### Listato 2

```
10 PRINT
20 INPUT " N*ELEMENTI ";N:IFN<1THEN20
30 INPUT " CLASSE DI COMBINAZIONE ";K:IFK<10RK>NTHEN30
40 DIMA(K):PRINT
50 IFK=1THENFORI=1TON:PRINTI:NEXT:PRINT:PRINT " C =";N:END
60 FORI=1TOK:A(I)=1:NEXT
70 IFK=NTHENGOSUB210:PRINT:PRINT " C =";C:END
80 IFA(K)=NTHEN120
90 GOSUB210
100 A(K)=A(K)+1
110 GOTO80
120 GOSUB210
130 J=0
140 J=J+1
150 IFA(K-J)=N-JTHEN140
160 P=K-J:V=A(P)
170 FORI=0TOJ:A(P+I)=V+I+1:NEXT
180 IFA(1)<N-K+1THENB0
190 GOSUB210
200 PRINT:PRINT " C =";C:END
210 FORI=1TOK:PRINTSTR$(A(I));:NEXT:PRINT:C=C+1
220 RETURN

READY.
```

programmi desiderati premendo o il tasto <s> o quello <n> fino a quando non compare la legenda «fine directory». Si può comunque uscire dall'input anche premendo il tasto <return> senza attendere la lettura dell'intera directory.

#### 2) Input file da tastiera

L'input dati da tastiera è controllato allo scopo di evitare errori che comporterebbero un errato funzionamento del programma.

Occorre digitare il numero di blocchi occupati dal programma; effettuare eventuali correzioni con i tasti <crsr> o <inst del>; battere <return>; digitare il nome del programma; effettuare eventuali correzioni: battere <return>.

A questo punto il computer mostra, nelle apposite icone, il numero dei file componenti il programma e il numero di programmi attualmente in memoria.

Si può così continuare a digitare un altro programma oppure tornare al menu con la pressione del tasto <f>.

È possibile inoltre sommare direttamente i blocchi di più file associati ad un unico programma premendo, dopo il numero di blocchi del primo file, il tasto <+> invece del <return>; in questo caso dopo l'input del numero di blocchi relativo all'ultimo file battere <return> per passare all'input del nome.

Il tasto <c>, attivo come quello <f> solo durante l'input numero blocchi, permette, chiedendo conferma, di cancellare tutti i programmi memorizzati.

#### 3) Somma in un unico programma di più file

Particolarmente utile, dopo l'input da directory, quando occorre considerare appartenenti ad un unico programma più file quindi inscindibili.

I normali comandi cursore posizionano la freccetta in corrispondenza dei file da unire; mediante il <return> si evidenziano in reverse i file da unire, è possibile cambiare la scelta semplicemente riposizionando la freccetta su di essi e premendo di nuovo <return>; per passare all'input del nome del programma fusione battere <f>.

Inserito il nome e battuto <return> si può continuare oppure tornare al menu con il tasto <m>.

Anche qui è presente il comando <c>, che permette, chiedendo conferma, di cancellare tutti i programmi memorizzati.

#### 4) Cancella i prg scelti

Identica all'opzione 3) con la differenza che i file in reverse vengono cancellati dalla memoria

#### 5) Visualizza la directory

Mostra il contenuto della directory; si può uscire dall'input anche premendo il tasto <return> senza attendere la lettura dell'intera directory.

#### 6) Menu principale

Ritorna al menu principale.

#### Opzione 2: Input numero blocchi e output stampante video

Permette di modificare il numero totale dei blocchi somma dei blocchi dei singoli programmi (min 3 max 664).

Una volta modificato tale valore, il programma cancella automaticamente quei file in memoria con un numero di blocchi superiore al nuovo valore impostato.

Per l'input del numero valgono le stesse procedure descritte al punto 2.

Dopo l'input del numero totale dei blocchi o la pressione del tasto <return> se non occorre modificarlo è possibile specificare il dispositivo per la stampa delle soluzioni determinate (<s> stampa continua su stampante; <v> stampa interattiva video/stampante).

<f> torna al menu principale.

#### Opzione 3: Calcolo delle soluzioni

Terminati gli input lancia il programma effettivo di calcolo.

#### Opzione 4: Visualizza i programmi in memoria

#### Opzione 5: Visualizza la directory

#### Opzione 6: Fine.

Qualora per errore si esca dal programma, per rientrare, senza perdere i dati in memoria, GOTO 1060 <return>.

#### Principali variabili del programma Block Utility

**A (n)** = vettore dei pedici delle combinazioni

**B (n)** = vettore dei blocchi dei prg

**BS (n)** = vettore dei nomi dei prg

**F (n)** = vettore file componenti i rispettivi prg

**k** = Classe corrente di combinazione

**i** = Contatore

**j** = Contatore

**p** = Puntatore al primo pedice a partire da A (k) di valore diverso da n-j

**v** = Valore corrente del pedice puntato da p

**r1\$** = posizione il cursore sulla riga 2

**r2\$** = posizione il cursore sulla riga 3

**r6\$** = posizione il cursore sulla riga 7

**c\$** = pulisce lo schermo e posiziona il cursore sulla riga 11

**b1** = somma di riferimento dei blk di una combinazione

**d%** = selezione output

**1%** = flag

**11%** = flag

**12%** = flag

**13%** = flag

**14%** = flag

**15%** = flag

**16%** = flag

**17%** = flag

**18%** = flag

**so** = somma corrente dei blk di una combinazione

**c** = combinazioni calcolate

**sz** = soluzioni trovate

**ei** = numero minimo di blk da sommare per combinazione

**es** = numero massimo di blk da sommare per combinazione.

#### Commenti al listato del programma Block Utility

**40-60** subroutine verifica la somma dei blk di una combinazione di prog

**90-160** subroutine stampa soluzione su stampante

**190-700** calcolo delle combinazioni (programma principale)

**730-850** subroutine fine stampa

**880-980** subroutine stampa la soluzione su video

**1010-1030** inizializzazione

**1060-1160** menu principale

**1190** chiamata alla subroutine visualizza la directory

**1220** fine

**1250-1620** subroutine input dati da tastiera

**1650-2000** subroutine selezione n. totale blk e output (video/stampante)

**2090-2130** subroutine elimina i prg con num. di blk +3 di num. totale

**2160-2200** subroutine cancella tutti i prg in memoria

**2230-2250** subroutine attesa di un tasto

**2280-2340** subroutine messaggi di errore

**2370-2740** subroutine input dati da directory

**2770-2910** secondo menu

**2940-3630** subroutine somma più file e subroutine cancella più file

**3660-3700** subroutine selezione dei file

**3730-3750** subroutine muove ←

**3780-3850** subroutine cornice directory

**3880-4040** subroutine visualizza la directory

**4070-4120** subroutine messaggio limite massimo di prg in memoria

**4160-4210** subroutine ordinamento dei blk in b (i): max in b (1)

**4240-4330** subroutine cornice menu

**4360-4400** subroutine input controllato dei blk

**4430-4530** subroutine input controllato dei nomi dei prg



# POSTAL COMPUTER

## PC XT IBM COMPATIBILE L. 750.000

SCHEDA MADRE 6/10 MHZ, 1 DRIVE 360K, SCHEDA CGA O HERCULES, 256K ESPANDIBILE A 640K SU PIASTRA, TASTIERA AVANZATA 101 TASTI

## PC XT IBM COMPATIBILE L. 1.200.000

SCHEDA MADRE 6/10 MHZ, 1 DRIVE 360K, SCHEDA GRAFICA HERCULES O CGA, 1 HARD DISK 20 MEGA, 256 ESPANDIBILE A 640K SU PIASTRA, TASTIERA AVANZATA 101 TASTI.

## PC PHILIPS 9110

768K 1 DRIVE 5 1/4" e 1 DRIVE 3 1/2"  
L. 1.230.000

MANNESMANN MT 81  
L. 290.000

## PC AT IBM COMPATIBILE L. 1.890.000

SCHEDA MADRE 80286, 12 MHZ, 0 WAIT, 512K ESPANDIBILE A 1024K, 1 DRIVE 5,25" DA 1,2 MB 1 HARD DISK DA 20 MB SCHEDA HERCULES O CGA TASTIERA AVANZATA 101 TASTI.

## TELEFAX MURATA M-1 L. 1.500.000

- COMPATIBILITÀ: G2 G3
- VELOCITÀ DI TRASMISSIONE 15 SECONDI
- APPARECCHIO TELEFONICO A TASTIERA INCORPORATO
- FOTOCOPIATORE
- RICEZIONE AUTOMATICA
- ROTOLO CARTA TERMICA 216 mm x 30 metri.
- OROLOGIO/CALENDARIO DIGITALE

HARD DISK SEAGATE 20 MB	L. 350.000
HARD DISK CONTROLDATA 40 MB	L. 680.000
HARD DISK CONTROLLER PER XT	L. 100.000
HARD DISK CONTROLLER PER AT	L. 220.000
SCHEDA GRAFICA SUPER E.G.A.	L. 300.000
SCHEDA MULTI I/O	L. 110.000
SCHEDA SERIALE	L. 40.000
SCHEDA PARALLELA	L. 35.000
SCHEDA PORTA JOYSTICK	L. 28.000
SCHEDA MADRE XT	L. 190.000
SCHEDA MADRE AT (12 MHZ 0 WAIT)	L. 650.000
TASTIERA AVANZATA 101 TASTI	L. 110.000
DRIVE 5,25 360KB	L. 140.000
DRIVE 5,25 1,2MB	L. 190.000
DRIVE 3,50 720KB	L. 190.000
DRIVE CONTROLLER	L. 49.000
CAVO PARALLELO	L. 15.000
DATA SWITCH A 2 PORTE	L. 60.000
MOUSE ANKO	L. 59.000
JOYSTICK I.B.M. ANKO	L. 45.000

## STAMPANTI CITIZEN GRAFICA - NLQ

### CITIZEN 120 D L. 360.000

120 CPS, SET, EPSON IBM 80 COL. TRATO IN TRAZIONE, FRIZIONE INTER. OPZIONALE IBM/COMMODORE

### CITIZEN MSP 50

L. 1050.000  
250/300 CAR/SEC., 80 COL.

### CITIZEN LSP 100

L. 550.000  
-160 cps, 80 COL.

### CITIZEN MSP 55

L. 1.230.000  
250/300 CAR/SEC., 136 COL.

### CITIZEN MSP 10E

L. 650.000  
-160 CAR/SEC., 80 COL.

### CITIZEN HQP 40

L. 1.160.000  
-24 AGHI, 200 CPS ALTISSIMA QUALITÀ

### CITIZEN MSP 15E

L. 680.000  
160 CAR/SEC., 136 COL.

### CITIZEN HQP 45

L. 1.530.000  
-24 AGHI, 200 CPS ALTISSIMA QUALITÀ

### CITIZEN MSP 40

L. 775.000  
-200/240 CAR/SEC., 136 COL.

### CITIZEN 180E

COMPLETA DI INTERFACCIA IBM O COMMODORE - L. 380.000

### CITIZEN MSP 45

L. 950.000  
-200/240 CAR/SEC., 136 COL.

### CITIZEN OVERTURE 110

\* L. 3.600.000  
- STAMPANTE LASER

**TUTTI I PRODOTTI CITIZEN SONO COPERTI  
DA CERTIFICATO DI GARANZIA DELLA VALIDITÀ DI DUE ANNI**

## OFFERTA MONITOR

### PHILIPS

MONITOR 8875 14" MULTISINK	L. 935.000	colore
MONITOR 8833 14" CGA	L. 450.000	colore
MONITOR 8802 14" COLORI	L. 360.000	colore
MONITOR 9043 14" EGA	L. 535.000	colore
MONITOR 9053 14" EGA	L. 595.000	colore
MONITOR 9073 14" EGA	L. 680.000	colore
MONITOR 7723 14" TTL	L. 192.000	F/A
MONITOR 7743 14" TTL	L. 205.000	F/B
MONITOR 9082 14" VGA	L. 700.000	colore

### Segue PHILIPS

MONITOR 7749 14" TTL	L. 210.000	F/B
compatibile IBM sist. 2	L. 136.000	F/V
MONITOR 7513 12" TTL	L. 183.000	
MONITOR 7713 14" TTL		
<b>ANTAREX</b>		
BOXER 14" P39 JAN DUAL	L. 190.000	F/V o F/B
BIM 12" PC DM 216B	L. 135.000	F/V
CT 9000 SHR EGA JAN	L. 670.000	colore
CT 9000/L MR14 DIM 414	L. 430.000	colore

**PREZZI  
SU RICHIESTA**

**GARANZIA 12 MESI**

**PREZZI IVA ESCLUSA  
SPESE DI SPEDIZIONE ESCLUSE**

**TEL. 06/3652427/3652431**

**TELEFONATECI**